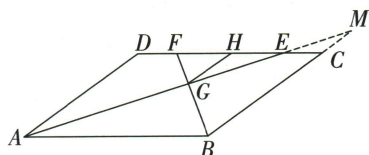


(II) 如解图, 延长 AE 交 BC 的延长线于点 M , $\because AD \parallel BC$, $\therefore \angle M = \angle DAE$, $\because \angle DAE = \angle BAE$, $\therefore \angle M = \angle BAE$, $\therefore BM = BA = 12$, $\because BF \perp AE$, $\therefore \angle ABG = \angle CBG$, $\because CD \parallel AB$, $\therefore \angle CFB = \angle ABF$, $\therefore \angle CBF = \angle CFB$, $\therefore CF = BC = 10$, $\therefore EF = DE + CF - CD = 10 + 10 - 12 = 8$, $\therefore$ 在 $Rt\triangle FGE$ 中, 点 H 为 EF 的中点, $\angle FGE = 90^\circ$, $\therefore GH = \frac{1}{2}EF = 4$.



第7题解图

8. (I) 1; (II) $\frac{\sqrt{5}}{2}$ 【解析】(I)

$\because$ 四边形 $ABCD$ 是正方形, AC , BD 为正方形的对角线, $\therefore S_{\triangle AOD} = \frac{1}{4}S_{\text{正方形}ABCD}$, 又 $\because E$ 是 AO 的中点, $\therefore S_{\triangle ADE} = \frac{1}{2}S_{\triangle AOD} = \frac{1}{8}S_{\text{正方形}ABCD}$, $\because$ 正方形 $ABCD$ 的边长为 $2\sqrt{2}$, $\therefore S_{\text{正方形}ABCD} = 2\sqrt{2} \times 2\sqrt{2} = 8$, $\therefore S_{\triangle ADE} = \frac{1}{8}S_{\text{正方形}ABCD} = 1$;

(II) $\because AC, BD$ 为正方形 $ABCD$ 的对角线, $\therefore AC \perp BD$, $AO = DO$, 又 $\because$ 正方形 $ABCD$ 的边长为 $2\sqrt{2}$, $\therefore AO = DO = \frac{\sqrt{2}}{2}AD = 2$, $\because E$ 是 AO 的中点, $\therefore EO = \frac{1}{2}AO = 1$, $\therefore$ 在 $Rt\triangle DOE$ 中, 根据勾股定理得 $DE = \sqrt{EO^2 + DO^2} = \sqrt{1^2 + 2^2} = \sqrt{5}$, $\because F$ 是 CD 的中点, G 是 CE 的中点, $\therefore GF$ 是 $\triangle DEC$ 的中位线, $\therefore GF = \frac{1}{2}DE = \frac{\sqrt{5}}{2}$.

9. (I) 5; (II) 3 【解析】(I) $\because$ 在矩形 $ABCD$ 中, $AB = CD = 4$, $AD = BC = 6$, E 是 BC 的中点, $\therefore BE = CE = 3$, $\therefore$ 在 $Rt\triangle ABE$ 中, $AE =$

$$\sqrt{AB^2 + BE^2} = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5; (II)$$

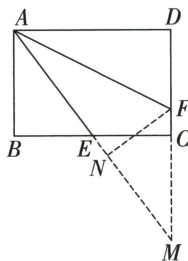
如解图, 延长 AE 交 DC 的延长线于点 M , 过点 F 作 $FN \perp AM$ 于点 N , 在矩形 $ABCD$ 中, $AB = CD = 4$, $AD = BC = 6$, $\angle ABC = \angle BCD = \angle ADC = 90^\circ$, $\therefore AF$ 平分 $\angle DAE$, $FN \perp AM$, $DF \perp AD$, $\therefore FN = DF$, 设 $FN = DF = x$, 则 $CF = 4 - x$, $\because$ 点 E 是 BC 的中点, $\therefore BE = CE = 3$, $\therefore \angle ABE = \angle MCE = 90^\circ$, 在 $\triangle ABE$

$$\text{和 } \triangle MCE \text{ 中, } \begin{cases} \angle ABE = \angle MCE \\ BE = CE \\ \angle AEB = \angle MEC \end{cases},$$

$\therefore \triangle ABE \cong \triangle MCE (ASA)$, $\therefore AB = MC = 4$, $AE = ME$, 由 (I) 得, $AE = 5$, $\therefore AM = 10$, $\because \angle M = \angle M$, $\angle MNF = \angle MDA = 90^\circ$, $\therefore \triangle MFN \sim \triangle MAD$, $\therefore \frac{FN}{AD} = \frac{MF}{MA}$,

$$\because MF = 8 - x, \therefore \frac{x}{6} = \frac{8 - x}{10}, \therefore x = 3,$$

即 $DF = 3$.

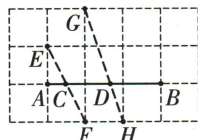


第9题解图

题型四 网格作图题

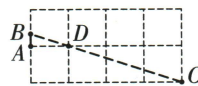
作图微技能

例1 如解图, 取格点 E, F, G, H , 连接 EF, GH 分别交 AB 于点 C, D , 则点 C, D 即为所求.



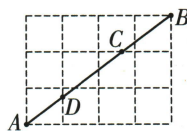
例1题解图

例2 如解图, 取格点 C, D , 连接 CD 并延长交网格线于点 B , 则点 B 即为所求 (答案不唯一).



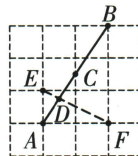
例2题解图

例3 如解图, 取 AB 与网格线的交点 C, D , 则点 C, D 即为所求.



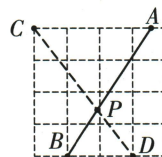
例3题解图

例4 如解图, 线段 AB 与网格线的交点即为点 C ; 取格点 E, F , 连接 EF 交 AB 于点 D , 则点 C, D 即为所求.



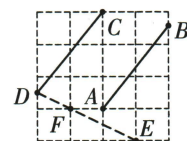
例4题解图

例5 如解图, 取格点 C, D , 连接 CD 交 AB 于点 P , 则点 P 即为所求.



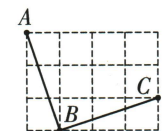
例5题解图

例6 如解图, 取格点 E, F , 连接 EF 并延长交网格线于点 D , 连接 CD , 则线段 CD 即为所求.



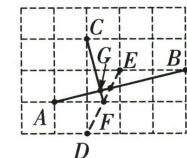
例6题解图

例7 如解图, 取格点 C , 连接 BC , 则线段 BC 即为所求.



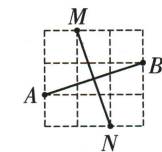
例7题解图

例8 如解图, 取格点 D, E , 连接 DE 与网格线交于点 F , 连接 CF 与 AB 交于点 G , 则点 G 即为所求.



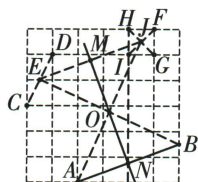
例8题解图

例9 如解图, 取格点 M, N , 连接 MN , 则线段 MN 即为所求.



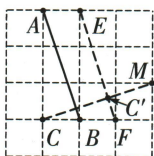
例9题解图

例 10 如解图,取格点 C, D , 连接 CD 交网格线于点 E , 取格点 I, G, F, H , 连接 IF, GH , 交点为 J , 连接 BE, AJ , 交点为 O , 取 AB 与网格线的交点 N , 作直线 NO 交 EJ 于点 M , 则直线 MN 即为所求.



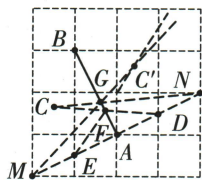
例 10 题解图

例 11 如解图,取格点 E, F , 连接 EF , 取格点 M , 连接 CM 交 EF 于点 C' , 则点 C' 即为所求.



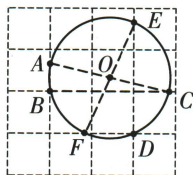
例 11 题解图

例 12 如解图,取格点 M, N , 连接 MN 交网格线于点 D, E , 连接 CD, CN 分别交 AB 于点 F, G , 连接 MG, EF 并延长交于点 C' , 则点 C' 即为所求.



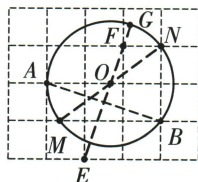
例 12 题解图

例 13 如解图,取圆与网格线的交点 E, F , 连接 EF, AC , EF 与 AC 相交于点 O , 则点 O 即为所求.



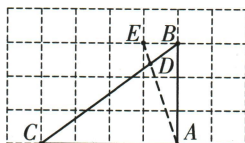
例 13 题解图

例 14 如解图,连接 AB , 取格点 E, F , 连接 EF 并延长交圆于点 G , 取圆与网格线的交点 M, N , 连接 MN , 与 EG 交于点 O , 则点 O 即为所求.



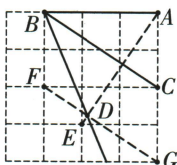
例 14 题解图

例 15 如解图,取格点 E , 连接 AE 交 BC 于点 D , 则点 D 即为所求.



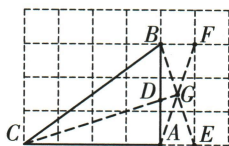
例 15 题解图

例 16 如解图,取格点 E , 连接 AE , 取格点 F, G , 连接 FG 交 AE 于点 D , 作射线 BD , 则射线 BD 即为所求.



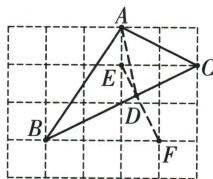
例 16 题解图

例 17 如解图,取格点 E, F , 连接 BE, AF 交于点 G , 连接 CG , 交 AB 于点 D , 则点 D 即为所求.



例 17 题解图

例 18 如解图,取格点 E, F , 连接 EF 交 BC 于点 D , 连接 AD , 则点 D 即为所求.



例 18 题解图

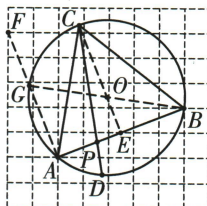
类型一 线段问题

典例精讲

例 19 (I) $\sqrt{29}$;

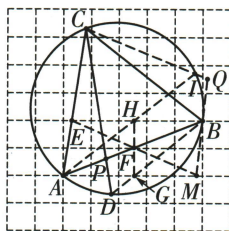
拓展设问

如解图①,取 AB 与网格线的交点 E , 连接 CE , 取格点 F , 连接 AF 交圆于点 G , 连接 BG , 交 CE 于点 O , 则点 O 即为所求;



例 19 题解图①

(II) 如解图②,取 AC, AB 与网格线的交点 E, F , 连接 EF 并延长与网格线相交于点 M , 连接 MB , 连接 DB 与网格线相交于点 G , 连接 GF 并延长与网格线相交于点 H , 连接 AH 并延长与圆相交于点 I , 连接 CI 并延长与 MB 的延长线相交于点 Q , 则点 Q 即为所求.



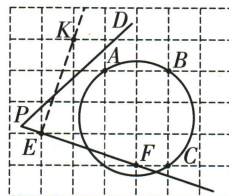
例 19 题解图②

针对训练

1. (I) $\sqrt{10}$;

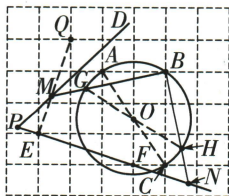
拓展设问

如解图①,取格点 K , 作射线 EK , 则点 Q 的轨迹在 EK 所在的射线上.



第 1 题解图①

(II) 如解图②,连接 AC , 与网格线相交于点 O ; 取格点 Q , 连接 EQ 与射线 PD 相交于点 M ; 连接 MB 与 $\odot O$ 相交于点 G ; 连接 GO 并延长, 与 $\odot O$ 相交于点 H ; 连接 BH 并延长, 与射线 PF 相交于点 N , 则点 M, N 即为所求.

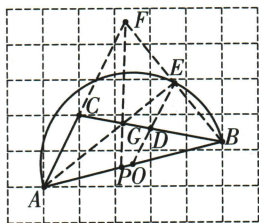


第 1 题解图②

2. (I) $\sqrt{5}$;

(II) 如解图,设 BC 与网格线相交于点 D , 连接 OD 并延长交半圆 O 于点 E , 连接 AE 交 BC 于点 G , 连接 BE 并延长与 AC 的延长线相交于点 F , 连接 FG 并延长交 AB

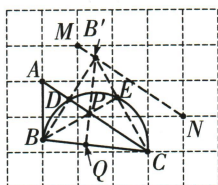
于点 P , 则点 P 即为所求.



第2题解图

3. (I) $\sqrt{13}$;

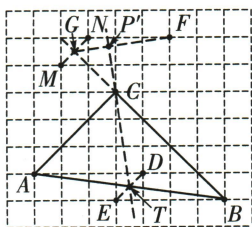
(II) 如解图, 取格点 M, N , 连接 MN , 连接 BD 并延长, 与 MN 相交于点 B' ; 连接 $B'C$, 与半圆相交于点 E , 连接 BE , 与 AC 相交于点 P , 连接 $B'P$ 并延长, 与 BC 相交于点 Q , 则点 P, Q 即为所求.



第3题解图

4. (I) 90° ;

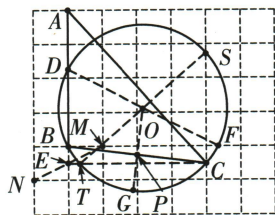
(II) 如解图, 取格点 D, E , 连接 DE 交 AB 于点 T ; 取格点 M, N , 连接 MN 交 BC 的延长线于点 G ; 取格点 F , 连接 FG 交 TC 的延长线于点 P' , 则点 P' 即为所求.



第4题解图

5. (I) $\frac{\sqrt{65}}{2}$;

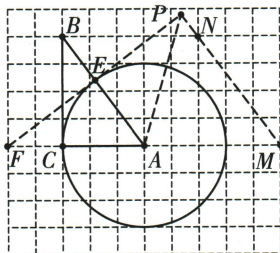
(II) 如解图, 取格点 M, N , 连接 MN , MN 交网格线于点 E , 设 S, F 分别为 $\odot O$ 与网格线的交点, 连接 CE, DF , CE 与 $\odot O$ 交于点 T , 连接 ST , ST 交 DF 于点 O ; 设 BC 与网格线的交点为 P , 连接 OP 并延长交 $\odot O$ 于点 G , 则点 O, G 即为所求.



第5题解图

6. (I) 5;

(II) 如解图, 取格点 M, N, F , 连接 MN, FE 并延长, 相交于点 P , 连接 PA , 则点 P 即为所求.



第6题解图

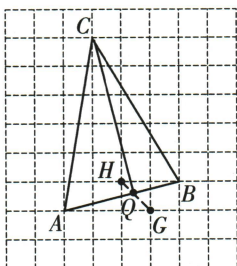
类型二 面积问题

典例精讲

例20 (I) $\sqrt{17}$;

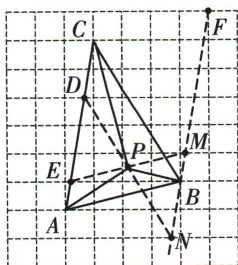
拓展设问

如解图①, 取格点 H, G , 连接 HG 与 AB 相交于点 Q , 连接 CQ , 则点 Q 即为所求.



例20题解图①

(II) 如解图②, 记 AC 与网格线的交点为 D, E , 取格点 F , 连接 FB 并延长, 与网格线交于点 M, N , 连接 DN, EM 交于点 P , 连接 PA, PB, PC , 则点 P 即为所求.



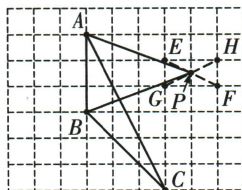
例20题解图②

针对训练

1. (I) 54;

(II) 如解图, 取格点 E, F , 连接 EF , 取格点 G, H , 连接 GH , EF 与 GH 交于点 P , 连接 AP, BP , 则点 P

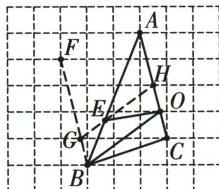
即为所求.



第1题解图

2. (I) $\sqrt{29}$;

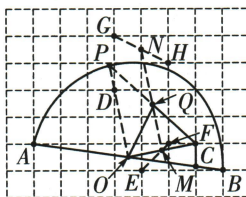
(II) 如解图, 取 AC 的中点 H , 取格点 F , 连接 BF 与网格线交于点 G , 连接 GH 交 AB 于点 E , 连接 OE , 则点 E 即为所求.



第2题解图

3. (I) $5\sqrt{2}$;

(II) 如解图, 取格点 D , 连接 OD 并延长, 与半圆相交于点 P , 取格点 E, F , 连接 EF 与 OC 相交于点 M , 取格点 G, H , 连接 GH 与网格线相交于点 N , 连接 MN 与 PC 相交于点 Q , 连接 OQ , 则点 Q 即为所求.



第3题解图

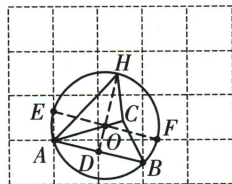
类型三 角度问题

典例精讲

例21 (I) $\frac{\sqrt{17}}{2}$;

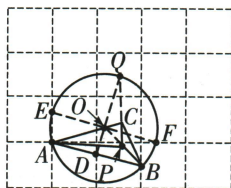
拓展设问

如解图①, 取圆与网格线的交点 E, F , 连接 EF 与 AC 相交于点 O , 则点 O 为圆心, 取 AB 与网格线的交点 D , 连接 DO 并延长交 $\odot O$ 于点 H , 连接 AH, HC , 则点 H 即为所求.



例21题解图①

(II) 如解图②, 取圆与网格线的交点 E, F , 连接 EF 与 AC 相交于点 O , 则 O 为圆心. 设 AB 与网格线相交于点 D , 连接 DO 并延长, 交 $\odot O$ 于点 Q , 连接 QC 并延长, 与点 B, O 的连线 BO 相交于点 P , 连接 AP , 则点 P 满足 $\angle PAC = \angle PBC = \angle PCB$, 则点 P 即为所求.

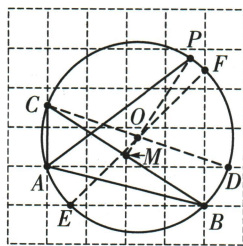


例 21 题解图②

针对训练

1. (I) $\sqrt{17}$;

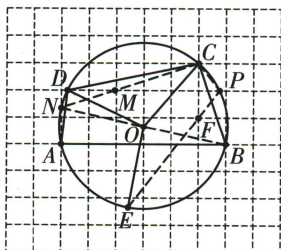
(II) 如解图, 取圆与网格线的交点 D, E, F , 连接 CD, EF 交于点 O , 取 BC 与网格线交点 M , 作射线 MO 交 $\odot O$ 于点 P , 连接 AP 即为 $\angle BAC$ 的平分线.



第 1 题解图

2. (I) $\sqrt{10}$;

(II) 如解图, 取格点 M , 连接 CM 并延长交 $\odot O$ 于点 N , 连接 BN 交网格线于点 O , 取格点 F , $\odot O$ 与网格线交于点 P , 连接 PF 并延长交 $\odot O$ 于点 E , 连接 OC, OD, OE , 则点 O, E 即为所求.

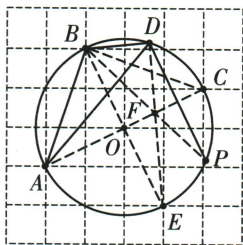


第 2 题解图

3. (I) $\sqrt{10}$;

(II) 如解图, 连接 AC, BC , AC 与网格线交于点 O , 连接 BO 并延长交圆于点 E , 连接 DE 交 AC 于点 F , 连接 BF 并延长交圆于点 P , 连

接 DP , 此时 $\angle ADP + \angle ABD = 180^\circ$, 则点 P 即为所求.

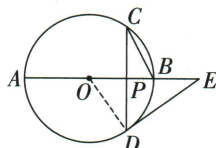


第 3 题解图

题型五 与圆有关的计算

1. 解: (I) $\angle BAD = 37^\circ, \angle CDB = 27^\circ$;

(II) 如解图, 连接 OD ,



第 1 题解图

$\because CD \perp AB$,
 $\therefore \angle CPB = 90^\circ$,
 $\therefore \angle PCB = 90^\circ - \angle PBC = 27^\circ$,
 $\therefore$ 在 $\odot O$ 中, $\angle BOD = 2\angle BCD$,
 $\therefore \angle BOD = 54^\circ$.
 $\because DE$ 是 $\odot O$ 的切线,
 $\therefore OD \perp DE$, 即 $\angle ODE = 90^\circ$,
 $\therefore \angle E = 90^\circ - \angle EOD = 90^\circ - 54^\circ = 36^\circ$.

2. 解: (I) $\angle A = 60^\circ, AB$ 的长为 3;

(II) 如解图, 过点 O 作 $OH \perp AB$ 于点 H , 连接 OD, AD ,

$\therefore AH = \frac{1}{2}AB = 2, \angle EHO = 90^\circ$,

$\therefore D$ 为 $\widehat{BC}$ 的中点,

$\therefore \angle BAD = \angle DAC$,

$\therefore OA = OD$,

$\therefore \angle ADO = \angle DAC$,

$\therefore \angle BAD = \angle ADO$,

$\therefore AE \parallel OD$,

$\therefore \angle E = 180^\circ - \angle ODE$,

$\because DE$ 是 $\odot O$ 的切线,

$\therefore OD \perp DE$,

$\therefore \angle ODE = 90^\circ = \angle E$,

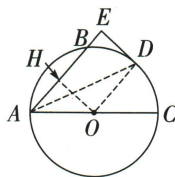
$\therefore$ 四边形 $OHED$ 是矩形,

$\therefore DE = OH$,

$\therefore$ 在 $Rt\triangle OAH$ 中, 由勾股定理得

$OH = \sqrt{OA^2 - AH^2} = \sqrt{3^2 - 2^2} = \sqrt{5}$,

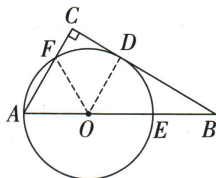
$\therefore DE = OH = \sqrt{5}$.



第 2 题解图

3. 解: (I) $\angle B = 38^\circ$;

(II) 如解图, 连接 OD, OF ,

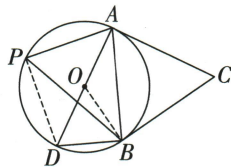


第 3 题解图

$\because$ 点 F 为 $\widehat{AD}$ 的中点,
 $\therefore \angle AOF = \angle FOD$.
 $\because \angle ODB = \angle C = 90^\circ$,
 $\therefore OD \parallel AC, \therefore \angle AFO = \angle FOD$,
 $\therefore \angle AFO = \angle AOF$.
 $\because OA = OF, \therefore \angle OAF = \angle AFO$,
 $\therefore \triangle AFO$ 为等边三角形,
 $\therefore \angle CAB = 60^\circ, \therefore \angle B = 30^\circ$,
 $\because OD = 3, \therefore OB = 2OD = 6$,
 $\therefore AB = OA + OB = 9$.

4. 解: (I) $\angle APB = 60^\circ, AC$ 的长为 6;

(II) 如解图, 连接 PD, OB ,



第 4 题解图

$\because AD$ 为 $\odot O$ 的直径,
 $\therefore \angle APD = \angle ABD = 90^\circ$.
 $\because BP$ 平分 $\angle ABD$,
 $\therefore \angle ABP = \angle DBP = \frac{1}{2}\angle ABD = 45^\circ$,
 $\therefore \angle PAD = \angle DBP = 45^\circ$,
 $\therefore \triangle APD$ 为等腰直角三角形,
 $\therefore AP = DP$.
 由 (I) 知 $\angle APB = 60^\circ$,
 $\therefore \angle AOB = 120^\circ$,
 $\because OA = OB$,
 $\therefore \angle OAB = \frac{1}{2}(180^\circ - \angle AOB) = 30^\circ$,
 $\therefore AD = 2BD$,
 在 $Rt\triangle ABD$ 中, 根据勾股定理得
 $AB^2 + BD^2 = AD^2$,